

des Princes &c. Septemb. 1767. 179
deux extrémités & l'espace qui est entre deux.

Troisième Définition.

11. Une ligne qui nous conduit sans détour, par le plus court chemin possible, d'une de ses extrémités à l'autre, est une *ligne droite*. Celle qui ne nous mene pas ainsi, mais se détourne pour parcourir plusieurs espaces, est une *ligne courbe*.

Premier Théoreme.

12. La ligne réelle la plus courte qu'on puisse imaginer, est composée de trois points.

Démonstration.

La ligne est composée de trois parties, à savoir, de ses deux extrémités & de l'espace d'entre-deux, (N. 10.) or, supposons que cet espace d'entre-deux est le plus petit qu'il est possible, c'est-à-dire, d'un point, (N. 1. & 2.) on aura un point pour l'espace d'entre-deux, & deux autres points, lesquels seront les extrémités de la ligne, en tout trois points ; donc on ne peut point concevoir de ligne réelle plus courte que celle qui est composée de trois points. (Ce qu'il falloit démontrer.)

Deuxième Théoreme.

13. La plus courte ligne réelle qu'on puisse imaginer, est une *ligne droite*.

Démonstration.

La ligne courbe est plus longue que la droite, (N. 11.) donc la ligne courbe n'est pas la plus courte ligne réelle qu'on puisse imaginer. (Ce qu'il falloit démontrer.)

Troisième Théoreme.

14. La plus courte ligne courbe réelle qu'on puisse imaginer, est composée de cinq points.

Démonstration.

Il est démontré dans la Géométrie, que si
on